

Denne artikkelen viser gjennom konkrete eksempler hvordan man kan bruke FX-CG50 i sannsynlighetsregning. Ved å bruke statistikkappen sammen med graf-funksjonen kan man belyse oppgaven på flere enn en måte og kvalitetssikre egne resultater.

Normalfordeling på FX-CG50

Revidert juli-2021

CASIO[®]

Normalfordeling på CASIO FX-CG50

Vi har utført flere målinger av for eksempel høyden på menn og antar at de er normalfordelt. Da er vi interessert i en gjennomsnittshøyde og velger tilfeldig ut 10 målinger og finner et gjennomsnitt, $\bar{x} = m$, (180 cm) og standaravvik $\sigma_x = 10$ cm.

	List 1	List 2	List 3	List 4
SUB				
1	180			
2	190			
3	160			
4	195			
			180.00000	

	1-Variable
\bar{x}	= 180
Σx	= 1800
Σx^2	= 325000
σx	= 10
sx	= 10.5409255
n	= 10

Vi nummerer målingene og finner standardavviket $s = \sigma_x$ ved å bestemme

$$\sqrt{\text{gjennomsnittlig avvik}^2}; s = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{10} (x_i - m)^2}{n}} \quad \text{hvor } m \text{ er gjennomsnittet}$$

I vårt eksempel finner vi $s = 10$ med $m = 180$. For å bestemme det empiriske standardavviket, s_x , deler vi på $n-1$ slik at $s_x > \sigma_x$

da er sannsynligheten for høyden x gitt ved formelen til Gauss: $p(x) = \frac{1}{s\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{x-m}{s}\right)^2}$

Det er vanlig å innføre størrelsen $z = \frac{x-m}{s}$ som forteller hvor mange standardavvik

x avviker fra m . Da blir $p(x)$ gitt ved: $p(x) = \frac{1}{s\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{z^2}{2}}$ Det kan være lurt og plassere formelen til

Gauss som Y20; Ved å la gjennomsnittet gå til M og standardavviket til S vil Y20 gi $p(x)$

$$Y20 \equiv \frac{1}{S\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{x-M}{S}\right)^2}$$

Eksempel 1: Hva er sannsynligheten for at en tilfeldig mann er 175 cm høy?

Eksempel 2: Hvor mange menn er mellom 165 og 185 cm i en bygd med 2500 menn;

Eksempel 3: Hvor mange er over 190 cm. Eksempel 1: løst i meny 1; vi setter inn verdiene for S, M og x og henter Y20 fra VARS (variable)

180 → M	180.00
10 → S	10.00
175 → x	175.00

Y20	0.03520
p(x=175) = 3.5%	

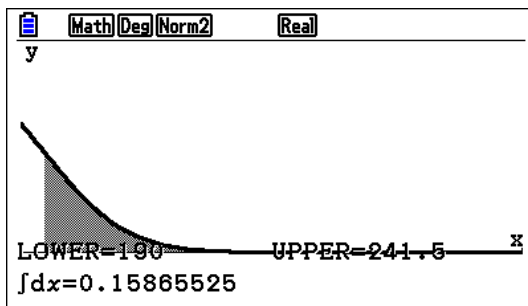
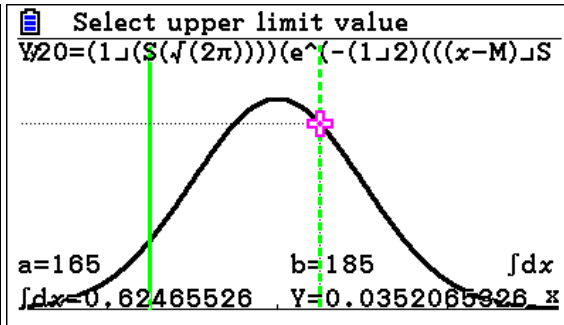
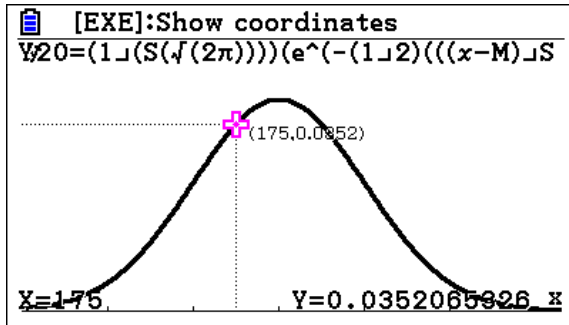
Eksempel 2 og 3 også i løst i meny 1

$$2500 \int_{165}^{185} Y_{20} dx = 1561.6 \quad 2500 \int_{190}^{250} Y_{20} dx = 396.6$$

Vi kan også løse dette greit i Grafmeny (5)

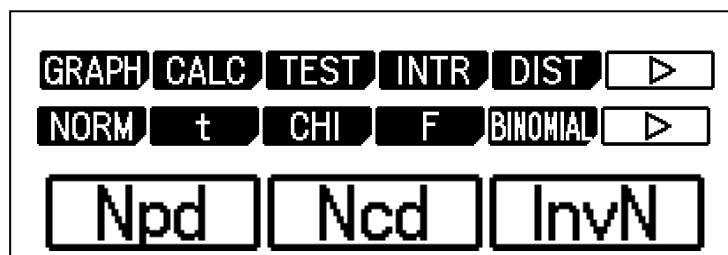
Vi lager grafen til Y_{20} med vindu $150 < x < 213$ forskjell 63, og $0 < y < 0.05$

For eksempel 1 velger vi TRACE og i eksempel 2 og 3 integral med g-solve



Svar eksempel 1 3.5 %
 Eksempel 2 $2500 \times 0.6247 = 1562$
 Eksempel 3
 $187 < x < 250$ også forskjell 63
 svar $2500 \times 0.1586 = 397$

Løst med menyvalget 2 STATISTICS. Vi går vi til valget DIST og NORM Npd og Ncd



```

Deg Norm2 d/c Real
Normal P.D
Data : Variable
x : 175
σ : 10
μ : 180
Save Res: None
GphColor: Blue
COLOR

```

```

Normal P.D
p=0.03520653

P(x=175) = 3.5 %

Normal C.D
p = 0.62465526
z: Low = -1.5
z: Up = 0.5

p×2500
1561.6

```

```

Deg Norm2 d/c Real
Normal C.D
Data : Variable
Lower : 165
Upper : 185
σ : 10
μ : 180
Save Res: None
None LIST

```

```

Normal C.D
p = 0.15865
z: Low = 1
z: Up = 7

p×2500
396.6

```

```

Deg Norm2 d/c Real
Normal C.D
Data : Variable
Lower : 190
Upper : 250
σ : 10
μ : 180
Save Res: None
None LIST

```

Til slutt kan vi bruke kommandoene **P(** **Q(** **R(** **t(** i MENY 1.

TRYKK OPTN, F6, PROB, F6 **CONVERT** **HYPERBL** **PROB** **NUMERIC** **ANGLE** Velg line i SET UP

SET UP
MENU

```

Line Deg Fix5 d/c Real
P(-10)
P(1) 0.00000
P(10) 1.00000
P( ) Q( ) R( ) t( )

```

P(1) gir sannsynligheten for at $Z < 1$ Sannsynligheten for at $z < 10$ er 1 det vil si alltid, og $z < -10$ er umulig
 Eksempel 2 antall menn med høyde mellom 165 og 185cm $x = 185$ gir $z = 0.5$ og $x = 165$ gir $z = -1.5$
 $2500(P(0.5) - P(-1.5))$
 1561.6381

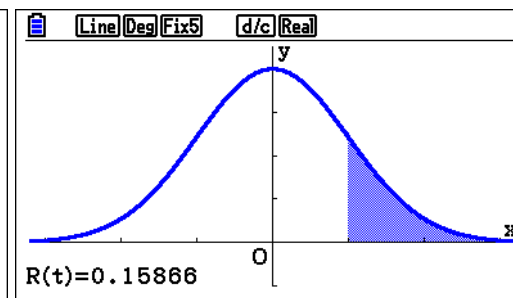
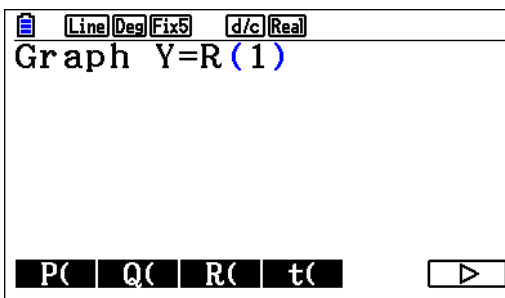
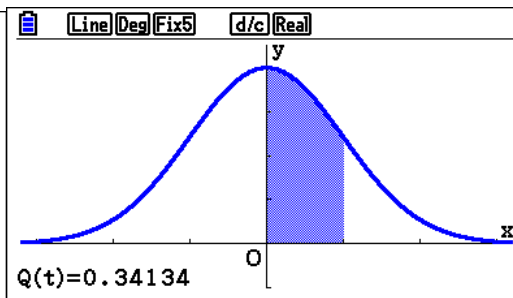
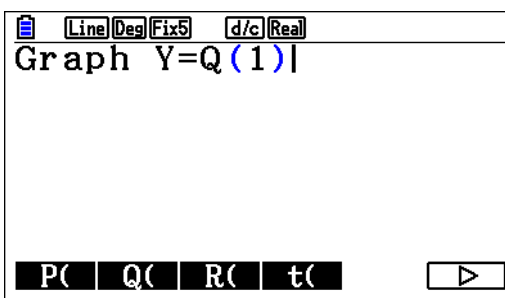
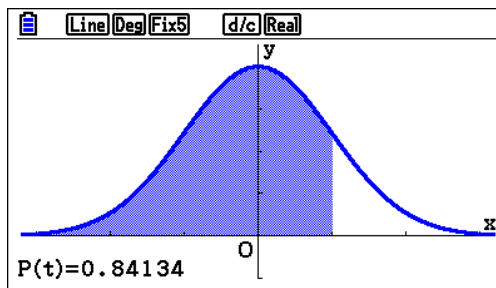
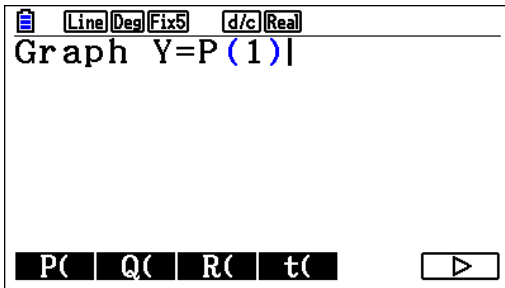
Q(1) gir sannsynligheten for $0 < z < 1 = P(1) - P(0)$
 R(1) gir sannsynligheten for $z > 1$
 Eksempel: 3 antall menn høyere enn 190 cm
 $x = 190$ gir $z = 1$
 $2500 \times R(1)$
 396.6381

```

Line Deg Fix5 d/c Real
Q(1)
P(1) - P(0) 0.34134
R(1) 0.15866
P( ) Q( ) R( ) t( )

```

P, Q og R kan vi få fram grafisk i line modus ved SHIFT F4 Sketch, F5 GRAPH



t(165)

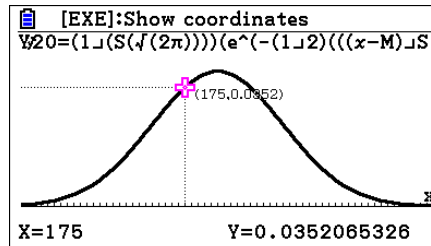
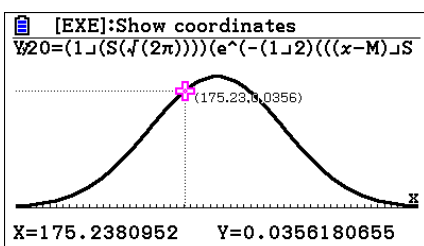
-1.50000 betyr at z for x = 165 = -1.5

Kommentar:

CASIO FX- CG50 har mange måter å behandle normalfordeling på både i meny 1,2 og 5 så her er det bare å velge. Når du skal velge vindu (V-Window) og sporing (Trace) når du skal bestemme punkter på en graf er det lurt at Xmax-Xmin = 126, 12.6, 63,6.3, 3.15, osv. Forklaringen er at det er 126 pixler i x-retningen.

View Window
 Xmin : 160
 max : 210

View Window
 Xmin : 150
 max : 213



Her er sporingen veldig ugrei

Her får du pene x-verdier